



## Bending of Beam の曲げと内力

### 構造力学 02

システム情報系 助教 山本亨輔

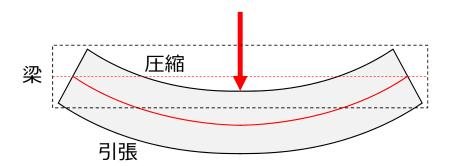
yamamoto k@kz.tsukuba.ac.jp

作成日:2018年3月8日 修正日:2018年10月4日

# Structures that resist Bending 曲げに抵抗する構造

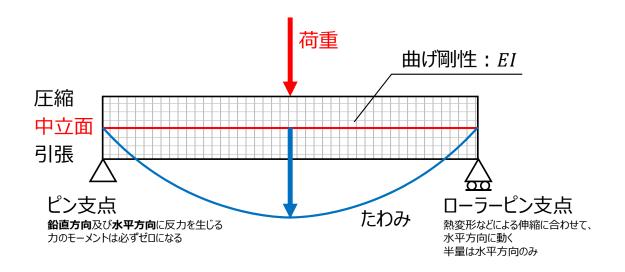
## 曲げに抵抗する部材を『梁』という

□曲げ 引張と圧縮が同時に起こる変形状態



# Simple Beam 単純梁の構造

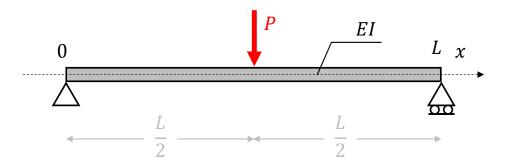
□正曲げ 単純梁のたわみが下向き



- □中立面は長さが変化しない(水平方向の移動は微小)
- ロ曲げ剛性・・・ヤング率 E と断面2次モーメント I の積

# **Example: Inner Forces of a Beam** 梁の例題『**梁の内力**』

【**例題**】 梁(ヤング率:E、断面二次モーメント:I)に<mark>荷重P</mark>が 作用するとき、梁に生じる内力を求めよ。



ロ構造力学では『カ』と『カのモーメント』の次元を区別しない

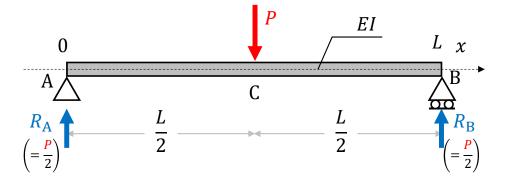
### **Example: Inner Forces of a Beam**

梁の例題『梁の内力』

## 1. 全体系の力のつりあい式を求める。

□力のつりあい

$$R_{\rm A} + R_{\rm B} - P = 0$$



■ 力のモーメントのつりあい (C点まわり)

$$\frac{L}{2} \times R_{A} - \frac{L}{2} \times R_{B} = 0$$



$$R_{\rm A} = R_{\rm B} = \frac{P}{2}$$

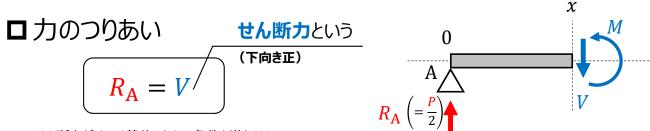
※ 静的問題では、カのモーメントはどの点を中心にとってもゼロになる

#### **Example: Inner Forces of a Beam**

梁の例題『梁の内力』

### 2. 局所系の力のつりあい式を求める。

ロ先ず、荷重より左側の切断面を考える(x < L/2)



- ※ せん断力だけでは静的つりあい条件を満たせない
- $X = R_A \times V$  は偶力の関係:回転を始めてしまう!
- □力のモーメントのつりあい(切断面位置まわり)

$$x \times R_A = M$$
 曲げモーメントという (反時計回り:正)

# **Example: Inner Forces of a Beam** 梁の例題『**梁の内力**』

- ロ曲げを受ける梁の内力: **せん断力**と曲げモーメント
- □切断面の位置によって変化する(xの関数になる!)

#### せん断力

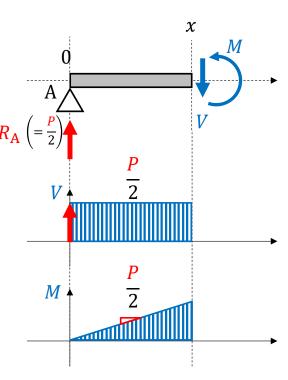
※ たまたま定数 (xの0次関数)

#### 曲げモーメント

$$x \times R_{A} = M$$

$$M = \frac{P}{2}x$$

※ xの1次関数



#### **Example: Inner Forces of a Beam**

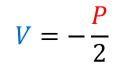
梁の例題『梁の内力』

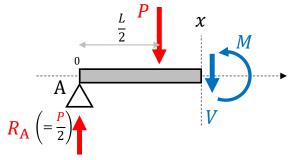
### 2. **局所系の力のつりあい式**を求める。(の続き)

ロ次に、荷重より右側の切断面を考える(x > L/2)

□力のつりあい

$$R_{A}-P=V$$





□ 力のモーメントのつりあい(切断面位置まわり)

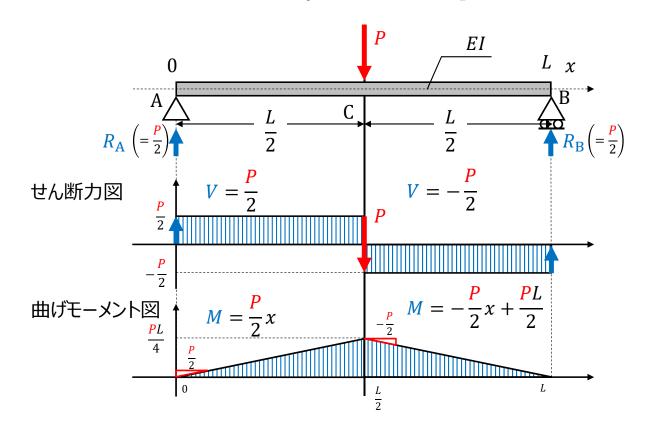
$$x \times R_{\mathbf{A}} - \left(x - \frac{L}{2}\right) \times P = M$$



$$M = \frac{P}{2}(L - x)$$

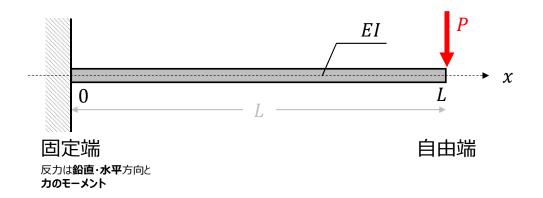
# **Example: Inner Forces of a Beam** 梁の例題『**梁の内力**』

## 2. 局所系の力のつりあい式を求める。



## **Example: Inner Forces of a Beam** 梁の例題『片持ち梁』

図の片持5梁(ヤング率:E、断面二次モーメント:I) 【例題】 に<mark>荷重P</mark>が作用するとき、梁に生じる内力を求めよ。



□ 固定端と自由端を持つ梁を**片持ち梁**という

# **Example: Inner Forces of a Beam** 梁の例題**『片持ち梁**』

全体系の力のつりあい式

$$R_A - P = 0$$

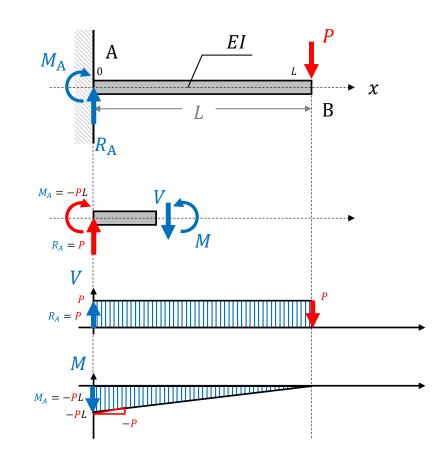
$$M_A + L \times P = 0$$

$$R_A = P$$

$$\begin{array}{c}
R_A = P \\
M_A = -PL
\end{array}$$

局所系の力のつりあい式

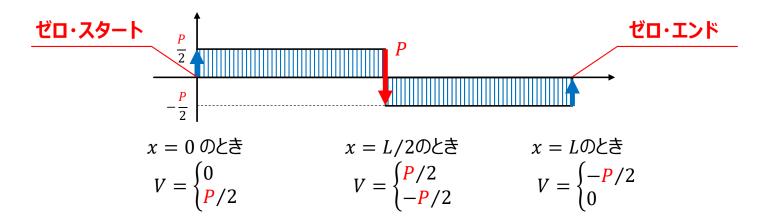
$$R_A = V$$
  $V = P$   
 $M_A + L \times P = M$   
 $M = -P(x - L)$ 



### **Characteristics of Inner Force acting on a Beam**

梁の内力の性質 ①

- □ 梁の内力
- ロ せん断力・・・切断面に平行な内力
- ロ 曲げモーメント・・・切断面に生じる力のモーメント
- せん断力と曲げモーメントは x の関数になる
- □ 内力なので全体型の外側では必ずゼロになる!
- □ 同じ位置で値が複数あることもある! (滑らかとは限らないz)



### **Characteristics of Inner Force acting on a Beam**

梁の内力の性質 ②

### ロ せん断力を積分すると曲げモーメントになる

□ 積分・・・面積を求める(正負は区別する!)

